

Limity posloupností

Limity vedoucí na použití $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{x}{n}\right)^n = e^x$

1) $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n+1}{n-1}\right)^n$

4) $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n^2 - n + 1}{n^2 + n + 1}\right)^n$

2) $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{3n+1}{3n-1}\right)^{4n}$

5) $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{\ln n - 3}{\ln n}\right)^{\ln n}$

3) $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{2n+3}{2n-5}\right)^{3n+1}$

6) $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{7n+1}{6n+2}\right)^n$

Limity posloupností vedoucí na vytknutí dominantního členu

7) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2^n - 3^n}{2^{n+2} + 3^{n+2}}$

10) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^4 + 2^{n+3}}{n^3 + 2^{n+4}}$

8) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3^{2n+1} - 2^{3n+1}}{3^{2n-1} + 2^{3n-1}}$

11) $\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{n^2 + 6n} - n)$

9) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\left(\frac{7}{12}\right)^n + \left(\frac{11}{15}\right)^{n-1}}{\left(\frac{11}{15}\right)^n + \left(\frac{7}{12}\right)^{n-1}}$

12) $\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{n^2 + 7n} - \sqrt{n^2 + 5n})$

Výsledky:

- | | |
|-----------------------------|--------------------------|
| 1) e^2 | 4) e^{-2} |
| 2) $e^{\frac{8}{3}}$ | 5) e^{-3} |
| 3) e^{12} | 6) $+\infty$ |
| 7) $\frac{1}{9}$ | 10) $\frac{1}{2}$ |
| 8) 81 | 11) 3 |
| 9) $\frac{15}{11}$ | 12) $\frac{1}{2}$ |